

به نام آنکه جان را فکرت آموخت

چراغ دل به نور جان برافروخت

پایگاه داده ها (بانک اطلاعاتی)

نوع درس : تئوری

دوره : کارشناسی

رشته : مهندسی کامپیوتر

تعداد واحد : ۳

مدرس : علیرضا عظیمی

### 3/4- حساب رابطه ای دامنه ای ( *domain relational calculus* )

آقای کاد دوسال پس از چاپ مقاله اصلی خود و ارائه جبر رابطه ای ، در مقاله دیگری در سال 1972 تئوری خود را به صورت دیگری نیز ارائه داد . او این روش را حساب رابطه ای تاپلی ( *tuple relational calculus* ) نامید. پنج سال پس از آن دانشمندی دیگر روش سومی به نام حساب رابطه ای دامنه ای ( *domain relational calculus* ) ارائه داد . این روش از قدرت محاسباتی مساوی برخوردار است و از روش آقای کاد ساده تر می نماید. در این بخش این روش ارائه می شود . خوانندگان علاقمند به حساب رابطه

ای تاپلی را به ارجاع می دهیم و یادآورد می شویم که این روش فرق زیادی با *predicate calculus* ندارد .

شکل کلی عبارت در حساب رابطه ای دامنه ای چنین است :

$$\{ \langle c_1, c_2, \dots, c_n \rangle \mid p(c_1, c_2, \dots, c_n, c_{n+1}, \dots) \}$$

و معنی آن این است : ستون های  $c_1, \dots, c_n$  را بده به طوریکه شرط  $P(c_1, c_2, \dots, c_n, c_{n+1}, \dots)$  برقرار باشد .

قواعد زیر باید رعایت شود :

- برای ارتباط متغیر ها به جداول ، از تعلق ( $\in$ ) استفاده می شود و شرط همتایی (*same arity*) باید رعایت شود .

- ترکیب شرط ها با  $\Rightarrow, \neg, \vee, \wedge$  ( معادل " و " ، " یا " ، " نه " ، " نتیجه می دهد " ) انجام می شود .

- عدم تعلق با منفی کردن شرط ( استفاده از  $\neg, \in$  ) انجام می شود و علامت عدم تعلق ( $\notin$ ) تعریف نشده است ( زیرا با طبیعت بانک اطلاعات همخوانی ندارد ) .

- خروجی دستور شامل همه ستونهای  $\langle c_1, c_2, \dots, c_n \rangle$  خواهد بود .

- در شرط  $P(c_1, c_2, \dots, c_n, c_{n+1}, \dots)$  می توان از متغیر های دیگر نیز استفاده کرد

ولی باید این متغیرها قبلاً با استفاده از  $\exists$  ( وجود دارد ، هر مقداری ) یا  $\forall$  ( برای

همه مقادیر ) تعریف شده باشند . استفاده از ثابتها نیز در صورتی که متعلق به دامنه

متغیر های مربوطه باشند ایرادی ندارد .

- برای پیوند جداول از متغیر های همنام در آنها استفاده می شود .

- گاهی می توان با تغییر جملات پرس و جو ، پاسخ گویی به آن را آسان تر کرد .
- از فرمول های تئوری مجموعه ها برای پیدا کردن معادل های ساده تر استفاده می وشد . مثلاً برای پیاده سازی  $A-B$  از  $A \cap \neg B$  و برای پیاده سازی  $A \rightarrow B$  از  $\neg A \cup B$  استفاده می شود . در این معادل سازی ، عملگر هایی مانند تفریق که مربوط به جبر رابطه ای هستند و در حساب رابطه ای جایی ندارند حذف می شوند و به جای آنها عملگر هایی می آیند که به سادگی قابل معادل سازی هستند .

مثال : دانشجویانی که معدل کل آنها بالاتر از 18 است .

$$\{ \langle s, sn, c, a, cl \rangle \mid \langle s, sn, c, a, cl \rangle \in stud \wedge a > 18 \}$$

دستور :

مثال : نام دانشجویانی که معدل کل آنها بالاتر از 18 است .

$$\{ \langle sn \rangle \mid \exists s, c, a, cl (\langle s, sn, c, a, cl \rangle \in stud \wedge a > 18) \}$$

دستور :

توجه : شرط همتایی ( یعنی تعلق سطر های پنج ستونی به جدول stud ) با معرفی متغیر های جدید رعایت شده است .

مثال : اساتید متخصصین بانک اطلاعات که مدرک دکتری دارند .

دستور :

$$\{ \langle p, o, e, d, c \rangle \mid \langle p, o, e, d, c \rangle \in prof \wedge e = \text{"بانک"} \wedge d = \text{"دکتری"} \}$$

مثال : نام و تخصص روسای دانشکده ها

حل : این پرس و جو به دو جدول استاد و دانشکده نیاز دارد . متغیر مشترک P در جدول را به هم پیوند می دهد . متغیر های کمکی هر دو جدول جداگانه تعریف شده اند . به محل باز و بسته شدن پرانتز ها دقت شود . متغیر ها را باید در نزدیکترین محلی که مورد استفاده قرار می گیرند ، تعریف کرد و حوزه عملکرد آنها را با پرانتز مشخص نمود . حوزه عملکرد متغیر های خروجی سراسر دستور است .

دستور :

$$\{ \langle p, e \rangle \mid \exists c, cn, ci (\langle c, cn, ci, p \rangle \in clg) \wedge \exists o, d, cl (\langle p, o, e, d, cl \rangle \in prof) \}$$

نکته : اگر متغیر C را هم مشترک می گرفتیم ، آنگاه روسای دانشکده را خواهد داد نه

اساتید .

دستور :

$$\{ \langle p, o, e, d, cl \rangle \mid \langle p, p, e, d, cl \rangle \in prof \wedge \exists cn, ci, pn (\langle cl, cn, ci, pn \rangle \in clg \wedge ci = \text{"تهران"}) \}$$

مثال : نام دانشجویانی که هیچ درس چهار واحدی نگرفته اند .

حل : این پرس و جو به سه جدول دانشجو ، درس و گروه درس نیاز دارد . با متغیر های مشترک آنها را دو به دو پیوند طبیعی می دهیم . توجه شود که دانشجو و درس ممکن است از دو دانشکده مختلف باشند . به دو متغیر cl1 و cl2 نیاز است .

دستور :

$$\{ \langle sn \rangle \mid \exists s, ci, a, cl1 (\langle s, sn, ci, a, cl1 \rangle \in stud \wedge \neg (\exists se, c, t, p, s, c (\langle se, c, s, t, p, sc \rangle \in sec \wedge \exists cn, u, cl2 (\langle c, cn, u, cl2 \rangle \in crs \wedge u = 4)))) \}$$

نکته : امتیاز حاسب رابطه ای دامنه ای این است که ما حرف می زند ! باید مطمئن شویم

که دقیقا همان حرف پرس و جو را زده است نه مشابه آن را ممکن است غلط باشد .

مثال : دانشکده هایی که همه اساتید آنها مدرک دکترا دارند .

حل : کلمه " همه " در شرط ، این پرس و جو را متمایز می کند . در اینجا باید از  $\forall$

استفاده کرد .

دستور :

$$\{ \langle cl, cn, ct, p \rangle \mid \langle cl, cn, ct, p \rangle \in clg \wedge \forall p2, o, e, d (\langle p2, o, e, d, cl \rangle \in prof \wedge d = " \quad " ) \}$$

مثال : شماره دانشجویانی که همه دروس افتاده خود را مجدداً گرفته اند .

حل : این پرس و جو را می توان به صورت زیر تغییر داد :

شماره دانشجویی که اگر در درسی افتاده اند آنگاه مجدداً آنرا گرفته اند .

برای پاسخگوئی به این پرس و جو از فرمول  $\neg A \cup B$  استفاده می شود .

دستور :

$$\{ \langle s \rangle \mid \forall se, c, t, p, sc (\langle se, c, s, t, p, sc \rangle \in sec \wedge (\neg (sc < 10) \vee \exists se1, t1, p1, sc1 (\langle se, c, s, t1, p1, sc1 \rangle \in sec \wedge t1 \neq t))) \}$$

نکته : اگر به جای  $t1 \neq t$  از  $t1 > t$  استفاده کنیم ، غلط می شود زیرا ممکن است

دانشجو برای بار دوم بیفتد . در این صورت شماره او داده نخواهد شد ( چرا ؟ )

### 1-3/4- خطر حلقه بی پایان

عبارتهای حساب رابطه ای دامنه ای که در آنها از  $\neg$  استفاده شود می توانند خطرناک باشند یعنی تولید حلقه بی انتها کنند و خروجی آنها بی پایان باشد. به عبارت زیر توجه

$$\{ \langle c, cn, u, cl \rangle \mid \neg (\langle c, cn, u, cl \rangle \in crs) \} \quad \text{کنید :}$$

این عبارت می گوید “ تمام جداول چهار ستونی ممکن ، به غیر از جدول CRS را بده که ستون های آنها با جدول CRS هم دامنه باشند ” . خروجی این دستور بی پایان است .

در فرمول هائی که در آنها از  $\forall, \exists$  استفاده می شود دو خطر وجود دارد :

1. تعداد بی پایان مقایسه و ...

2. خروجی بی پایان

به عبارت زیر توجه کنید :

$$\{ \langle c, u, cl \rangle \mid \exists cn (\neg (\langle c, cn, u, cl \rangle \in crs)) \}$$

این عبارت علاوه بر اینکه خطر خروجی بی پایان را شبیه مثال فوق دارد ، باید برای تعداد بی پایانی رشته (*string*) که می توانند به جای نام درس بنشینند ، مقایسه را انجام دهد . در نوشتن عبارت های حساب رابطه ای دامنه ای باید به این مهم توجه کرد . برای پیاده سازی حساب رابطه ای دامنه ای کوشش هایی صورت گرفته که قدیمی ترین آنها *QBE (Query By Example)* و موفقترین آنها زبان پرس و جوی *Datalog (Database Logic)* است . در زبان *Datalog* ، رابطه ها و ارتباط بین آنها آنچه در این بخش گفته شد ، با فرمی متفاوت ، بیان می شوند . برای نمونه یک مثال می آوریم . تشابه دو فرم در این مثال دیده می شود .

مثال : دانشجویان ممتاز ( معدل بالای 18 )

$good\_stud(s,sn,c,a,cl) \leftarrow stud(s,sn,c,a,cl) \wedge Da > 18$

بسیاری از پرس و جوها را ، در جبر و حساب رابطه ای ، نمی توان پاسخ داد . به همین دلیل آنها از نظر محاسباتی کامل نیستند ، یعنی اطلاعاتی در جداول هستند که نمی توان استخراج نمود . مهمترین آنها محاسبه مقادیری چون میانگین و گروهبندی داده ها است . در پیاده سازی این مفاهیم نظری ، به تدریج کمبود ها مرتفع گردیده ، و امروز SQL3 از نظر محاسباتی کامل است .

مثال : دانشجویانی که میانگین دروس یک واحدی آنها زیر 10 است .

برای پاسخگوئی به این پرس و جو به دو مورد زیر نیاز است :

1- گروهبندی دروس یک واحدی به تفکیک دانشجو

2- محاسبه میانگین

هیچکدام از این دو مورد در جبر و حساب رابطه ای مستقیماً پیش بینی نشده است . البته می توان طرحی نو در انداخت و توانایی های جدیدی ( مانند توابع محاسباتی ) به آنها افزود .